日本機械学会論文集(A編) 69巻678号(2003-2) 論文 No. 02-0635

接着継手の破壊に対する被着材の拘束効果* (第2報, Gurson モデルによるき裂先端の損傷解析)

池田 徹^{*1},馬野順司^{*2},池本大輔^{*3}
李 徳 甫^{*4},宮崎則幸^{*1}

Constraint Effect of Adherends on the Fracture of Adhesive Joint (2nd Report, Failure Analysis around a Crack Tip Using Gurson Model)

Toru IKEDA^{*5}, Junji MANO, Daisuke IKEMOTO, Deok bo LEE and Noriyuki MIYAZAKI

*⁵ Department of Chemical Engineering, Graduate School of Engineering, Kyushu University, 6-10-1 Hakozaki, Higashi-ku, Fukuoka-shi, Fukuoka, 812-8581 Japan

It is well known that the fracture toughness of a crack in a thin adhesive layer constrained by hard adherends depends on the thickness of the adhesive layer; however, the precise mechanism of the dependence has not yet been elucidated. In our previous study, we investigated the stress distribution around a crack tip in an adhesive layer using the finite element method (FEM), we discovered the presence of higher hydrostatic stress around a crack tip in thinner adhesive layers. In this study, the damage around crack tips in thin adhesive layers of rubber-modified epoxy resin is analyzed using the FEM in conjunction with Gurson's model, which can well describe the yielding of porous material such as rubber-modified epoxy resin. The decrease of the fracture energy with the decrease of the bond thickness can be estimated by this analysis, but it is not clear why the maximum fracture energy occurs at around 0.4 mm of bound thickness.

Key Words : Fracture Mechanics, Fracture Toughness, Adhesive Joints, Damage Mechanics, Bond Thickness, High Polymer Materials

1. 緒 言

接着継手は航空機や工業的な構造物などに幅広 く使われている.接着剤を用いて接合した構造物 は,接着剤中に存在するき裂の破壊強度が構造物 の信頼性に大きい影響を及ぼす.接着剤層の厚み は,接着構造物の重要な設計パラメータの一つで あるため,接着剤の破壊靱性値に及ぼす影響につ いて様々な研究が行われている.例えば,Gardon⁽¹⁾ は,接着剤のPeel test において,破壊荷重 (Peel test

*3 東京エレクトロン(株)(● 107-8481 東京都港区赤坂 5-3-6).

E-mail: ikeda@chem-eng.kyushu-u.ac.jp

では.破壊エネルギーと比例関係にある)が接着剤 層の厚さの現象とともに低下することを報告して いる. Mostovoy ら⁽²⁾は, Tapered Double Cantiliver Beam(TDCB)接着継手を用いて、エポキシ樹脂の破 壊エネルギーが接着剤層厚みの現象に伴って低下 することを示した.また, Bascomら(3)(4)はゴム変性 エポキシ樹脂を接着剤として, TDCB接着継手を用 いて実験を行い, 接着剤層中のき裂の破壊靱性値 は、接着剤層の厚さが薄くなると単調に減少して ゆく場合と接着剤層の厚みが損傷域の直径と一致 するときに一旦最大となり、それより薄くなると 急速に破壊エネルギーが低下する場合があること を報告している.このように,延性接着剤を用いた 接着継手の破壊靱性値は、図1の破線で示すよう に、接着剤層厚さがある程度より薄くなると、単調 に減少してゆく場合(Type A)と、一旦増加して、最 大値を示した後、急に破壊靱性値が減少するもの (Type B)の二種類がある.

^{*} 原稿受付 2002 年 5 月 17 日.

^{*1} 正員,九州大学工学研究院(30812-8581 福岡市東区箱崎6-10-1).

^{*2} 九州大学大学院工学研究科.

^{**} 正員, 漢陽大学校機械工学部(● 133-791 韓国ソウル城東区 杏堂洞 17).

Kinlochらのも、ゴム変性エポキシ樹脂を用いた 接着継手について、Bascomらと同じ実験を行い、 図1のType Bのような破壊靱性値の接着剤層厚さ 依存性を観察している.彼らは,接着継手の破壊 エネルギーは損傷域寸法に依存すると考え,次の ようなメカニズムを考えた. すなわち, 接着剤層 厚みが,接着剤層中のき裂先端の損傷域直径2r_よ り大きいときには、損傷域の大きさと破壊エネル ギーはバルク接着剤層中のき裂の場合と等しい. 次に,接着剤層厚みが減少して2r_に近づくと,被 着材の拘束によって損傷域が発達し,破壊エネル ギーが増加し,接着剤層厚みが2rに等しいときに 損傷域の大きさと破壊エネルギーが最大となる. さらに, 接着剤層厚みが損傷域寸法より薄くなる と, 被着材によって損傷域の発達が妨げられ破壊 靱性値が減少すると説明している.

しかし,池田ら⁶⁰は,接着剤層が極めて薄い場 合の破壊靱性値の低下は,接着剤層が減少すると ともにき裂先端近傍の応力が増加するためであ り,損傷域の体積と直接には関連づけられないと 考えた. Dyghyaniら⁽⁷⁾も,ゴム変性エポキシ樹脂 を用いた CT 試験片による破壊試験と数値解析を 行い,接着剤層が非常に薄くなると,破壊形態が 接着剤層中央をき裂が進む完全な凝縮破壊から, 界面に沿って極めて薄い接着剤層のみを界面に残 してき裂が進展する疑似界面破壊に移行すること を観察し,それが接着剤層が薄くなった場合の破 壊靱性値の低下の原因であると推測している.

このように破壊靱性値の上昇と減少のメカニズ ムについて諸説がある.さらに、Type AとType B のような二つの異なった接着剤層厚さ依存性が発 現する原因については、全く不明といって良い.

そこで,第1報⁽⁸⁾において,実際にアルミニウム被着材をゴム変成エポキシ樹脂接着剤で接合し



Bond Thickness

Fig. 1 Typical variations of the fracture toughness of adhesive joints with the bond thickness.

た接着継手試験片を作成し,接着剤層中のき裂の 破壊靱性値の測定とき裂先端近傍の損傷域の詳細 な顕微鏡観察を行った.その結果,破壊靱性値は, 接着剤層の厚みが薄くなると一旦上昇し,接着剤 層厚さが約0.3mmで最大値をとるが,それより薄 くなると急に破壊靱性値が減少するという,Type Bの結果が得られた.また,破壊靱性値が最大値 をとる接着剤層厚さ0.3mm付近では,被着材と接 着剤層との界面付近に大規模な界面損傷域が観察 され,この界面損傷域による応力遮蔽効果が,き 裂先端近傍の応力を低下させ,破壊靱性値を上昇 させる可能性が示唆された.さらに接着剤層が薄 い場合には,き裂は,き裂先端前方の損傷域から, 即座に界面損傷域の内部へ進展しており,このこ とが破壊靱性値を急速に低下させたと考察した.

本研究では、前報で得られた実験結果を、力学 的観点から詳しく理解するために、接着剤層の厚 みの変化に伴う接着継手中のき裂先端の損傷状態 と応力分布を、多孔質材料の塑性構成式として知 られるGursonモデルを用いて解析し、接着剤層厚 さ依存性のメカニズムについて議論する。

2. 解 析 方 法

ゴム変性エポキシ樹脂では、図2に示すように マトリックス樹脂に分散されたゴム粒子中にキャ ビテーションが発生することが,主なメカニズム であることが知られている.ここで、黒く見える 部分がゴム粒子中のキャビテーションである(空孔 の壁で光が乱反射するために黒く見える).ゴムの 弾性率は,エポキシ樹脂に比べて非常に小さいた め,一旦キャビテーションが発生すると,その部 分は、単なる空孔として振る舞うと考えられる. そこで,本研究では、多孔質材料の塑性構成式と して有名なGursonモデルを用いて、ゴム変性エポ



Fig. 2 Cavitations in damaged rubber-modified epoxy resin whose rubber contents is 12.5wt%.



Fig. 3 Stress-strain curves for tensile and compression tests.

キシ樹脂の損傷を考慮した弾塑性解析を行った.ま た,解析対象としたゴム変性エポキシ樹脂は,第1 報⁽⁸⁾で報告したものであり,純粋なエポキシ樹脂 100重量部に硬化剤5重量部(ナガセケムテックス製 AER250 および HY956)に液状ブタジエンゴム 15 重 量部(宇部興産製 CTBN 1300×8)を混合した物(ゴム 含有率 12.5wt%)である.

2.1. Gurson Model 本研究で用いたGursonモデルでは,静水圧応力の影響による延性材料のボイドの生成,成長,合体を表現できる. 巨視的なボイドと母材の組み合わせの降伏条件は次式のように示される⁽⁹⁾.

$$F = \left(\frac{\overline{\sigma}}{\sigma_0}\right)^2 + 2f \cosh\left(\frac{\sigma_{kk}}{2\sigma_0}\right) - 1 - f^2 = 0$$
(1)

ここで、 σ_{kk} は引張り静水圧応力、fはボイド率、 σ はミーゼスの相当応力、 σ_0 は定数である.ボイド率の増加速度は、既に存在するボイドの拡大と新しいボイドの生成によって表現される.

$$\dot{f} = \dot{f}_{growth} + \dot{f}_{nucleation} \tag{2}$$

ボイドの拡大は,ボイドを囲む母材の非圧縮性をも とに計算される.

$$\dot{f}_{growth} = (1 - f) \varepsilon^{p}_{kk} \tag{3}$$

ゴム粒子をボイドと考えたとき、ゴム粒子の発 生・合体はないことから、解析においてはボイドの 成長のみを考えた、ボイド率が0のときには、式(1) は Mises の降伏条件に一致し、 σ_0 は短軸の降伏応力 となる、

解析にあたっては、Gurson モデルの初期ボイド 率f₀をどのように決定するかが問題となる.ゴム変

Table1 Material properties of rubber-modified epoxy resin.

E (GPa)	ν	σ _y (MPa)	σ ₀ (MPa)	f	G _c (N/m)
2.58	0.37	42.1	68.0	0.37	440

|性エポキシ樹脂は,圧縮応力下では,ゴムの非圧縮| 性のために静水圧応力の影響は小さいと予想され るので、ミーゼス材として振る舞うと考えた、そこ で、ゴム変性エポキシ樹脂の円筒試験片の圧縮試 験を行い、この際の降伏応力を式(1)の定数σ。の値 とした.次に平滑板の引張試験を行い,この際の応 カーひずみ線図に Gurson モデルで解析した同試験 片の応力--ひずみ線図が一致するようにボイド率f の値を決定した. 求めた Gurson モデルの材料パラ メータおよびゴム変性エポキシ樹脂の破壊靱性値 を表1に示す.円筒試験片の圧縮試験,平滑板の引 張試験およびGurson モデルでの応力-ひずみ線図 を図3に示す.実際の解析には、汎用有限要素法 コードのMSC.Marc 2000 を用い, Updated Lagrange 法により解析を行った、以下に示す解析の応力値 は、全て Cauchy 応力である.

2.2 バルクゴム変性エポキシ中のき裂の損傷解析

まずバルク材の解析を行い,接着継手の解析を 行う際の評価基準となる応力場その他を計算した. 解析に使用した試験片寸法を図4に示す.また,J 積分値は以下の式より求められる.

$$J = G = \frac{(1 - v^2)}{E} K_1^2$$
 (4)

この試験片に対する,応力拡大係数*K*,は,次の近 似式より求めた⁽¹⁰⁾.

$$\begin{cases} K_{1} = \sigma \sqrt{a} \ F(a/W) \\ \sigma = P/W, \ \xi = a/W \\ F(\xi) = 29.6 - 185.5\xi + 655.7\xi^{2} \\ -1017.0\xi^{3} + 638.9\xi^{4} \end{cases}$$
(5)

ここで, E, vはそれぞれゴム変性エポキシ樹脂の ヤング率, ポアソン比である.上式を用いて, バル クゴム変性エポキシ樹脂の破壊靱性値に近い値, J=400J/m²に相当するまで,強制変位を与えること により解析を行った.今回行った解析は, 非線形解 析であるが, 塑性域がき裂先端付近の狭い領域に 限定されることから, J積分値は,線形弾性体と仮

-212-

定した場合にほぼ等しい.そこで,破壊靱性試験と J積分値の算出法を統一するためにも,線形弾性体 の近似式をJ積分値の基準に用いている.き裂先端 近傍での,図4のx軸上での周方向応力分布とボイ ド率分布について図5,6に示す.ここで,応力に ついては短軸の引張試験における降伏応力σ_y=42.1 MPaで正規化表示してある.

図5を見ると、き裂先端からある長さまで応力が ほぽー定値を示し、それより先は離れるにつれ応 力が小さくなっている、Jの値が大きくなっても、 応力の最大値は変化せず、応力が一定値を示す範 囲が長くなっていることが分かる.この結果と損 傷域等高線図を見比べてみれば、き裂先端からの 損傷域の長さと応力が一定な部分の長さはほぼ等 しい.また、Jの値が大きくなっても応力が一定な 部分の応力値は変わらないことから、一旦損傷を 受けた部分の応力はある程度以上は上昇しないこ とが分かる.これは、Gurson モデルを用いている ため、一旦降伏するとボイドの拡大が始まるため、 の。がひずみ硬化によって大きくなっても、引張り



Fig. 4 Bulk CT (compact tension) specimen.



Fig 5 Variation of hoop stress with distance from a crack tip for a bulk CT specimen.

静水圧応力の影響が大きく、全体的な降伏曲面の 拡大は、小さいためと考えられる、実際に損傷域中 のゴム粒子中に発生したボイドの大きさは、損傷 域内でほぼ同じ大きさをしており、このことから も損傷域内の応力がほぼ同じ大きさとなる Gurson モデルは、樹脂の損傷をよく表しているといえる。

損傷域内の応力は、ほぼ一定であるため、損傷域の長さがある一定値を越えると、き裂の進展を押さえきれなくなるとする、損傷域長さ一定の破壊クライテリオンを考える。図6のバルク接着剤中のき裂先端の損傷域長さは、J=400J/m²のとき、0.18 mmと読みとれる.

2.3 剛体に挟まれた接着剤層中のき裂の損傷解析

次に、接着剤層の厚みと破壊靱性値との関係を 調べるために、接着剤層中の周方向応力分布と損 傷域が、接着剤層厚みによってどのように変化す るかを解析した.ゴム変性エポキシ樹脂を接着剤 とし, 被着材にアルミニウムを仮定するとき, アル ミニウムの弾性率は、接着剤に対して非常に大き いため、剛体と見なしても近似的には差し支え無 いと考えられる.そこで、本研究では、図7に示す ような、無限剛体板に挟まれた接着剤層中のき裂 の解析を行った. 念のために, 被着材をアルミニウ ムとして,接着剤層厚さを変えたCT接着継手中の き裂と図7の剛体に挟まれる接着剤層中のき裂につ いて,き裂先端近傍の応力を比較したが,き裂先端 近傍の応力場は、き裂のJ積分値と接着剤層厚さに のみ依存し、被着材をアルミニウムと考えた場合 と剛体と考えた場合の差はほとんど無く、被着材 を剛体とすることの妥当性が確かめられた…. 図7 のモデルのJ積分値は、次式で示される.



Fig 6 Variation of void fraction with distance from a crack tip for a bulk CT specimen.

-213-

接着継手の破壊に対する被着材の拘束効果(第2報)

$$J = G = \frac{E(1 - v) v_0^2}{(1 + v)(1 - 2v)H}$$
(6)

ここで、Hは接着剤層厚さの 1/2、 v_0 は、剛体の変位である. 解析には、バルク材中のき裂の場合と全く同じ Gurson モデルを用い、き裂先端近傍



Fig.7 Edge crack in an infinite adhesive layer constrained by rigid bodies.



Fig. 8 Variation of hoop stress with destance from a crack tip for an adhesive joint with 1.5mm of bond thickness.



Fig. 10 Variation of hoop stress with distance from a crack tip for an adhesive joint with 0.7mm of bond thickness.

の有限要素の配置も全く同じに設定し、剛体部に 強制変位を与えた.接着層の厚みは、1.5mm、1.0 mm、0.7mm、0.5mm、0.3mm、0.2mm、0.1mmの7種類 に変化させ、き裂J積分値が0から徐々に上昇して ゆくように強制変位量を制御した.解析により求 められたき裂先端付近のx軸上の周方向応力とボイ ド率の分布を図8~15に示す.それぞれの図中に は、バルク材中のき裂のJ=400J/m²の場合の結果を 破線で示してある.

まず,図8,9の接着剤層厚みが1.5mmのときを 見ると,き裂先端の応力がほぼ一定となっている 部分が,J積分の上昇に伴って長くなり,J=400J/m² のときに,ほぼバルク材中のき裂先端のJ=400J/m² の場合に等しくなる.このことは,ボイド率につい ても同様である.ただし,き裂先端からの距離が



Fig. 9 Variation of void fraction with distance from a crack tip for an adhesive joint with 1.5mm of bond thickness.



Fig. 11 Variation of void fraction with distance from a crack tip for an adhesive joint with 0.7mm of bond thickness.

-214-

0.2mm 以上離れた部分の応力は接着剤層中のき裂 の場合の方が高くなっている.しかし,損傷が発生 していない部分の応力は,直接破壊に寄与しない と考えられる.これらのことより,接着剤層厚み 1.5mm の場合の解析結果は,バルク材中のき裂と ほぼ同じ破壊靱性値をもつことが,解析結果から も予測される.

しかし,図 10,11の接着剤層厚さ0.7mmの結果 を見ると,より低いJ積分値で応力が上昇し,損傷 域が発達していることが判る.この傾向は,接着剤 層厚さが1.0mm,0.7mm,0.5mmと薄くなるにつれて 顕著になり,低いJ積分値で,バルク材中のき裂と ほぼ同じ損傷域を形成する(接着剤層厚さが1.0mm と0.5mmの結果は,0.7mmの場合と傾向が一致し



Fig. 12 Variation of hoop stress with destance from a crack tip for an adhesive joint with 0.3mm of bond thickness.



Fig. 14 Variation of hoop stress with destance from a crack tip for an adhesive joint with 0.1mm of bond thickness.

ているので,紙面の制約上,省略する). ここで,接 着剤層中のき裂は,バルク材中のき裂と同じき裂 先端の損傷域長さ(本解析では,0.18mm)に達した ときにき裂が進展するとするクライテリオンを用 いて,接着剤層厚さによる破壊靱性値の変化を推 定することにする.接着剤層厚さ0.5mmまでは,こ の方法で,き裂の進展を予測できるが,図12~15 に示すように,接着剤層厚さが0.3mm以下になる と,き裂先端の損傷域から少し離れたところから 損傷域が発生する.この損傷域とき裂先端の損傷 域が共に発達しながら接近し,最終的には合体す る(図16,17参照).そこで,このような場合には, き裂先端から少し離れた損傷域が,き裂先端の損 傷域と合体する時にき裂の進展が始まると仮定し



Fig. 13 Variation of void fraction with distance from a crack tip for an adhesive joint with 0.3mm of bond thickness.



Fig. 15 Variation of void fraction with distance from a crack tip for an adhesive joint with 0.1mm of bond thickness.

-215 -

接着継手の破壊に対する被着材の拘束効果(第2報)



Distance from a crack tip r(mm)

Fig. 16 Distributions of damage zones around a crack tip for an adhesive joint with 0.3mm of bond thickness.

た.第1報の損傷域の観察結果⁽⁸⁾でも,接着剤層厚 さが0.1mmの場合には,破壊直前に接着剤層がき 裂前方の広い範囲に渡って全面的に損傷を受けて おり,解析結果と良く一致していた.

このようにして推定した破壊靱性値を図18に〇 で示す.これをみると、接着剤層がある程度より薄 くなると、次第に減少していくことが判る.図18 の解析による予測値は、図1の Type A の接着剤層 厚み依存性を良く表している.しかしながら,図1 のType Bの様に、破壊靱性値がある接着剤層厚さ で、一旦上昇する理由は、説明がつかない。第1報 の実験結果⁽⁸⁾も、図18の●印で示したとおり、 0.3mm程度の接着剤層厚さで,一旦,破壊靱性値が 最大値を示している. 第一報では, 被着材と接着剤 層との界面に界面損傷域の発生を観察し、その応 力遮蔽効果が、き裂先端の応力を低下させるため に 0.3mm 程度の接着剤層厚さで,破壊靱性値が極 大値をとるものと予測した.しかし,界面付近に界 面損傷域が発生すると、本当にき裂先端付近の応 力を低下させる効果があるかどうかは、証明でき ていなかった.そこで、本解析では、被着材と接着 剤層の界面付近にわずかに高い初期ボイド率を与 えることで、界面に人工的に界面損傷域を発生さ せ,界面損傷域が発生すれば,き裂先端の応力を低 下させ、き裂先端付近の損傷の発達を抑えること ができるかどうかを確かめることとした.

2.4 界面損傷域の影響 界面損傷域の影響を定性的に調べるために、剛体とゴム変成エポキシ樹脂の界面に接する厚さ0.01mmの樹脂のボイド率をわずかに大きく(f=0.40)して解析を行った(それ以外の部分は,0.37). その結果,接着剤層厚さが薄くなると界面付近の損傷域のボイド率が増大し、き裂先



Distance from a crack tip r(mm)

Fig.17 Distributions of damage zones around a crack tip for an adhesive joint with 0.1mm of bond thickness.



Fig.18 Estimated fracture toughness of rubber-modified epoxy resin with bond thickness.

端付近の応力が低下した.図19に接着剤層厚さ 0.3mmの場合に,界面損傷域の影響により,き裂先 端の損傷域の成長が抑制されている様子を示す. J=400J/m²に至っても,図16のJ=170J/m²の場合よ りもかなり小さなき裂先端損傷域しか形成されて おらず,界面損傷域には,き裂先端の応力を低下さ せる,応力遮蔽効果があることが証明された.

前項と同様に,き裂先端の損傷域の長さが一定 値に達したときにき裂が進展するとするクライテ リオンを適用すると,表2の様な破壊靱性値の予測 値が得られる.表2に示すように,接着剤層厚さが 1.5mm,1.0mmの場合は,界面損傷域を導入したこ とで,推定される破壊靱性値はむしろ低下したが, 接着剤層厚さ0.3mm程度より薄くなると破壊靱性 値の推定値は上昇した.このことより,界面損傷域 が発生すれば,その応力遮蔽効果により,き裂先端 の損傷域の発達が抑えられ,破壊靱性値が一旦上 昇し得ることが,定性的に示された.なお,この界 面ダメージの発生原因としては,被着材による板 接着継手の破壊に対する被着材の拘束効果(第2報)



Fig. 19 Shrunk damage zone around a crack tip shielded by interface damage zones in the case of 0.3mm bond thickness.

厚方向の変位拘束により,接着剤層内部よりも被 着材との界面付近の方がわづかに三軸引張り応力 度が高いことや,界面付近に析出しているゴム粒 子(直径20μm程度)の方が,その他の部分のゴム粒 子(直径4~8μm程度)よりも数倍直径が大きいこと などが考えられる⁽⁸⁾.

3. 結 言

第1報の(き裂先端損傷域の顕微鏡観察)に続き, 本論文では,第2報として,Gursonモデルを用いた き裂先端の損傷解析を行い,延性接着剤を用いた 接着継手の破壊に対する被着材の拘束効果につい て,詳細な検討を行った.これらの研究を通じて得 られた結論を以下に示す.

(1) 二次元平面ひずみ状態を仮定した Gurson モ デルを用いた解析結果は、ある程度より(本研究で は、1mm)接着剤層厚さが薄くなるにつれて、き裂 先端の損傷域は、より低いJ積分値で、バルク材中 のき裂先端と同じ大きさに成長する.このことが、 図1の Type A の接着継手の接着剤層厚さ依存性の 原因であると考えられる.

(2) 図1のTypeBの様に、ある接着剤層厚さで、 一旦破壊靱性値が極大値をとる原因は、第1報の顕 微鏡観察の結果より、接着剤層と被着材の界面に 形成される界面損傷域の応力遮蔽効果により、き 裂先端付近の応力が低下するためと予測された、 界面損傷域が存在すれば、き裂先端の応力が低下 し、き裂先端における損傷の発達が抑えられるこ とが、解析からも確認された、

(3) TypeBの接着継手の場合でも、さらに接着剤 層が薄くなると、き裂が界面損傷域の中を進展す るために、応力遮蔽効果は失われ、破壊靱性値は、 Table2 Estimated fracture toughness of cracks in adhesive layers with and without boundary damage zones.

Bond	Estimated Fracture Energy (J/m ²)		
Thickness (mm)	Without boundary damage zones	With boundary damage zones	
0.1	70	> 400	
0:2	120	> 400	
0.3	170	> 400	
1.0	340	280	
1.5	380	320	

急に低下すると考えられる.

(4) 延性接着剤を用いた接着継手の破壊靱性値に Type AとType Bのものが存在するのは,接着剤の 種類や被着材の拘束効果の違いにより,界面損傷 域が発達するものとしないものがあるためではな いかと予測する.

本研究の遂行にあたり,日本学術振興会科学研 究費補助金の助成を受けた.記して感謝する.

[参考文献]

(1) Gardon, J.L., J. of applied Polymer Science. 7(1963), 625-641.

(2) Mostovoy, S. and Ripling, E.J., *J. of Applied Polymer Science*, **15**(1971), 661-673.

(3) Bascom, W.D., Cottington, R.L., Jones, R.L. and Peyser, P., J. of Applied Polymer Science, 19(1975), 2545-2562.

(4) Bascom, W.D. and Shaw, S.J., *J. of Adhesion*, 7(1976), 333-346.

(5) Kinloch, A. J. and Shaw, S. J., *J. of Adhesion*. **12**(1981), 59-77.

(6) 池田 徹・山下 章・宮崎 則幸, *機論*, **62**-602, A(1996), 2200-2206.

(7) Daghyani, H. R., Ye, L. and Mai, Y. W., J. of Adhesion, 53 (1995), 163-172.

(8) 李 徳甫,池田 徹,宮崎 則幸,崔 洛三,*機* 論, **68**-667, A(2002), 464-470.

(9) A. L. Gurson, Trans. ASME, J. Enging Mate. and Tech., **99** (1977), 2-15.

(10) 岡村弘之,線形破壞力学入門,培風館,(1976),219.

(11) T. Ikeda, D. Ikemoto, D. Lee and N. Miyazaki, Proceeding of the First Asian-Pasific Congress on Computational Mechanics